

Sven Engesser

Empfehlungen zur Datenauswertung und Ergebnisdarstellung

Gütekriterien der Messung

Validität und Reliabilität: Begriffsbestimmung

— **Validität** (Gültigkeit)

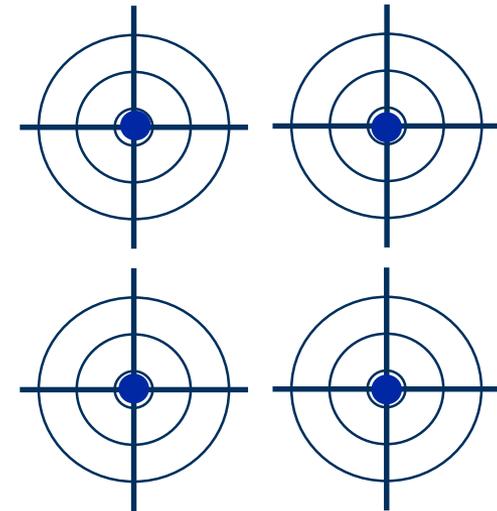
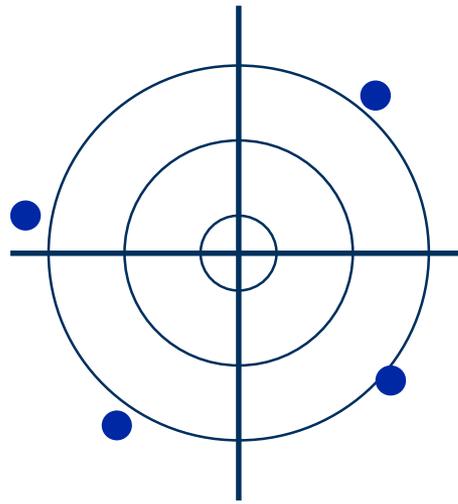
- Def.: Das Instrument misst das, was es messen sollte.
- Beispiele: Intelligenz, Pressefreiheit
- Test: Vergleich der Instrumente

— **Reliabilität** (Zuverlässigkeit)

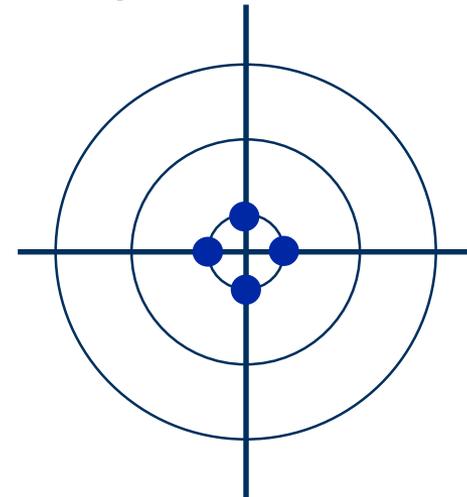
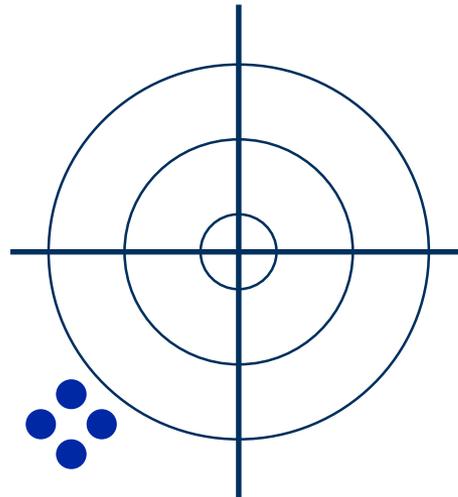
- Def.: Das Instrument misst unter gleichen Bedingungen gleich.
- Beispiele: Blutdruck, Blutalkoholkonzentration
- Test: Vergleich der Messungen

Validität und Reliabilität: Abgrenzung

geringe Reliabilität



hohe Reliabilität



geringe Validität

hohe Validität

Dimensionen der Validität I

- **Inhaltsvalidität:**
Vollständigkeit der Messung
- **Kriteriumsvalidität:**
Empirische Zusammenhänge (zwischen Messwerten)
- **Konstruktvalidität:**
Theoretische Zusammenhänge (zwischen Konzepten)

(Schnell et al. 2008, S. 154; Rössler, 2010, S. 205)

Dimensionen der Validität II

- **Interne Validität**

Rückführbarkeit auf Stimulus, Ausschluss von Störfaktoren

- **Externe Validität**

Wirklichkeitstreue, Übertragbarkeit auf die Außenwelt

(Schnell et al. 2008, S. 219)

Datenaufbereitung

Datenkontrolle

- Häufigkeitsauszählungen
 - Werte außerhalb der Skalen („wild codes“)
 - Ausreißer (Problem bei vielen Verfahren)
 - Widersprüche zwischen Variablen
- Test auf Normalverteilung (Voraussetzung bei vielen Verfahren)
 - Histogramm
 - Kolmogorov-Smirnov-Test
- Festlegung fehlender Werte

Datenumwandlung

- Umcodieren (z. B. Invertierung, Kategorisierung)
- Berechnen (z. B. Indexbildung)
- Aggregieren (z. B. auf Beitragsebene)
- Mehrfachantworten

Reliabilitätstest

Reliabilitätstest: Richtlinien

- Inter-Coder-Reliabilität (mindestens zwei Codierer)
- Vor Beginn der Hauptcodierung
- Parallele Stichprobe
- Umfang von 30 – 50 Einheiten
- Randomisiert (oder zumindest sinnvoll quotiert)
- Einschluss des Zugriffskriteriums (Identifikation der Einheiten)
- Separate Darstellung für jede Variable

(Lombard et al., 2002; Neuendorf, 2002, S. 141-166; Rössler, 2010, S. 197-205)

Reliabilitätstest: Koeffizienten

- Prozentuale Übereinstimmung: $P\ddot{U} = \ddot{U} / n > ,8 - ,9$
- Cohens Kappa: $\kappa = (\ddot{U} - E) / (1 - E) > ,6 - ,7$
- Standardisierter Lotus: $> ,6 - ,7$

(Fretwurst, 2015; Lombard et al., 2002; Neuendorf, 2002, S. 141-166; Rössler, 2010, S. 204)

Inter-Coder-Reliabilität

Codierer	Beitrag	Variable 1	Variable 2	Variable 3
1	1	0	0	0
2	1	0	1	0
3	1	0	2	1
1	2	1	2	1
2	2	1	1	1
3	2	1	0	1
1	3	2	1	2
2	3	2	0	2
3	3	2	2	1

Inter-Coder-Reliabilität

Paar	Variable 1	Variable 2	Variable 3	<i>M</i>
1, 2	1,0	0	1,0	0,67
1, 3	1,0	0	0,33	0,44
2, 3	1,0	0	0,33	0,44
<i>M</i>	1,0	0	0,55	0,52

Indizes

Indizes: Spezifikation

- Bei **reflektiver** Spezifikation bestimmen die latenten Konstrukte die manifesten Variablen (z. B. Kundenzufriedenheit). Die Manifestationen sind korreliert und beliebig austauschbar.
- Bei **formativer** Spezifikation bestimmen die manifesten Variablen die latenten Konstrukte (z. B. sozio-ökonomischer Status). Die Manifestationen werden theoretisch festgelegt.
- Bei reflektiver Spezifikation sind **Eindimensionalität** (→ Faktorenanalyse) und **interne Konsistenz** (→ Cronbachs α) erforderlich.
- Bei formativer Spezifikation ist die **Validität** entscheidend.

(Eberl, 2004)

Indizes: Umwandlung

- Bei der **Minimum-Maximum-Normalisierung** wird die Skala

(0 – 1) vereinheitlicht: $I_n = (I - I_{MIN}) / (I_{MAX} - I_{MIN})$

Bsp.: Wert 4 auf 5er-Skala: $0,75 = 4 - 1 / (5 - 1)$

- Bei der **z-Standardisierung** werden Mittelwert ($M = 0$) und Standardabweichung ($s = 1$) vereinheitlicht: $I_z = (I - M_I) / s_I$

Bsp.: Wert 4 auf 5er-Skala ($M = 3, s = 1$): $1 = (4 - 3) / 1$
(SPSS: Deskriptive Statistiken → Deskriptive Statistik)

Indizes: Berechnung

- **Summen-Indizes** sind sensibler, empfindlich gegenüber fehlenden Werten, kumulieren die Effekte und verändern die Skala (SPSS: Sum(Variable1, Variable 2, Variable 3))
- **Mittelwert-Indizes** sind robuster, weniger empfindlich gegenüber fehlenden Werten, reduzieren die Effekte und erhalten die Skala (SPSS: Mean(Variable1, Variable 2, Variable 3))

Univariate Analysen

Häufigkeiten: Richtlinien

- Bei **nominalen und ordinalen Variablen** werden **relative** Häufigkeiten (als Prozentsätze) und **absolute** Häufigkeiten (Fallzahlen) für die verschiedenen Ausprägungen angegeben.
- Metrische Variablen mit mehr als fünf Ausprägungen werden vor der Auszählung in der Regel angemessen **kategorisiert**.
- Bei Prozentsätzen werden **keine Dezimalstellen** angegeben.
- Im Idealfall wird bei relativen Häufigkeiten ein **Konfidenzintervall** (95 %) angegeben: (95 % KI [Untergrenze, Obergrenze])

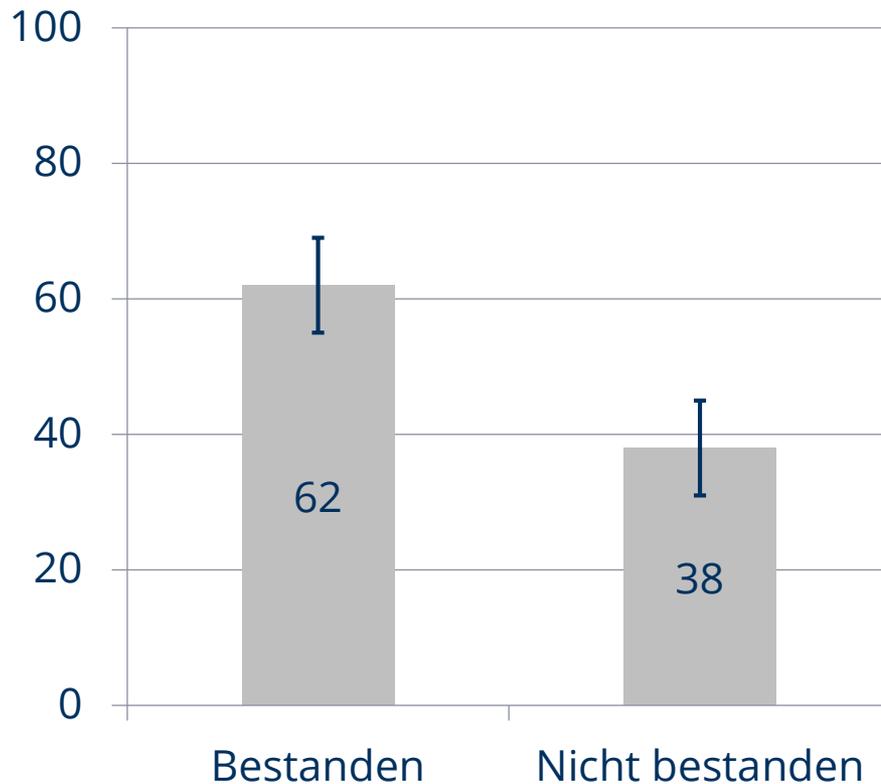
Häufigkeiten: Tabelle

Tabelle X: Ergebnis der Methoden-Klausur

Ergebnis	Prozent [95 % KI]	<i>n</i>
Bestanden	62 [55, 69]	115
Nicht bestanden	38 [31, 45]	70
Gesamt	100	185

Häufigkeiten: Säulendiagramm

Abbildung X: Ergebnis der Methoden-Klausur



Anmerkung: Prozentsätze, $N = 185$

Konfidenzintervalle (95 %) für Prozentsätze

— Formel:

$$P \pm 1,96 * \sqrt{\frac{P * (100 - P)}{N}}$$

— Beispiel:

$$62 \pm 1,96 * \sqrt{\frac{62 * 38}{185}} = 55,69$$

— Berechnung und Darstellung:

- Excel: Diagrammtools → Layout → Fehlerindikatoren
- SPSS: Balken → Optionen → Fehlerbalken

Mittelwert: Richtlinien

- Bei **(quasi-)metrischen Variablen** wird der **arithmetische Mittelwert (M)** mit **Standardabweichung (s)** und **Fallzahl (n)** angegeben.
- Bei Mittelwerten werden **zwei Dezimalstellen** angegeben.
- Im Idealfall wird bei Mittelwerten ein **Konfidenzintervall (95 %)** angegeben: (95 % KI [Untergrenze, Obergrenze])
- Bei nominalen Variablen wird der **Modalwert M_o** (häufigster Wert) und bei ordinalen Variablen der **Median M_{dn}** (Zentralwert) angegeben.

Mittelwert: Tabelle

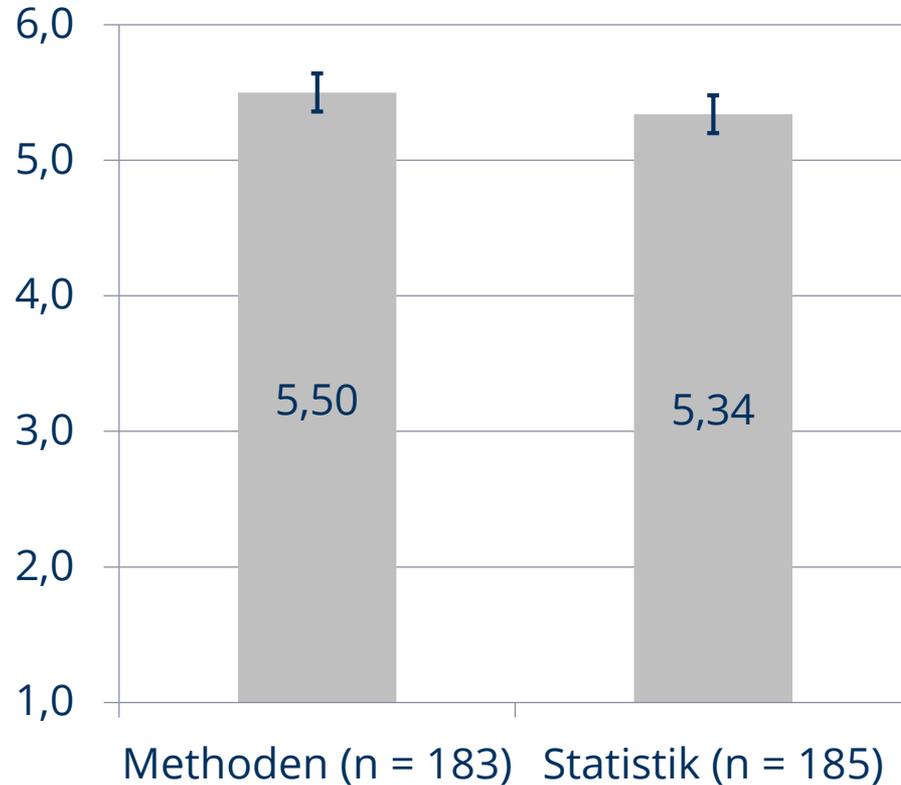
Tabelle X: Klausurnote

Klausur	M [95 % KI]	s	N
Methoden	5,50 [5,36, 5,64]	1,00	183
Statistik	5,34 [5,20, 5,48]	0,95	185

Anmerkung: Skala von 1 (= sehr schlecht) bis 6 (= sehr gut)

Mittelwert: Säulendiagramm

Abbildung X: Klausurnote



Anmerkung: Mittelwerte, Skala von 1 (= sehr schlecht) bis 6 (= sehr gut)

Konfidenzintervalle (95 %) für Mittelwerte

— Formel:
$$M \pm 1,96 * \left(\frac{s}{\sqrt{n}} \right)$$

— Beispiel:
$$5,34 \pm 1,96 * \left(\frac{0,95}{\sqrt{185}} \right) = 5,20, 5,48$$

— Berechnung und Darstellung:

- SPSS: Deskriptive Statistiken → Explorative Datenanalyse
- Excel – Berechnung: KONFIDENZ.NORM
- Excel – Darstellung: Diagrammtools → Layout → Fehlerindikatoren

Bivariate Analysen

Kreuztabelle: Richtlinien

- Bei **nicht-metrischen aV** werden relative und absolute Häufigkeiten in einer Kreuztabelle dargestellt.
- Die **Fallzahl** sollte in jeder Zelle ausreichend sein ($n \geq 5$)
- Zur Vereinfachung können aV und uV dichotomisiert werden.
- Die aV wird in den Zeilen und die **uV in den Spalten** dargestellt (SPSS: Prozentwerte → Spaltenweise)
- Optional werden die **Erwartungswerte (E)** angegeben. (SPSS: Häufigkeiten → Erwartet)
- Die Kennwerte des **χ^2 -Tests** werden wie folgt angegeben:
 $\chi^2 (df, N = 185) = 1,47, p = ,225$

Kreuztabelle: Darstellung

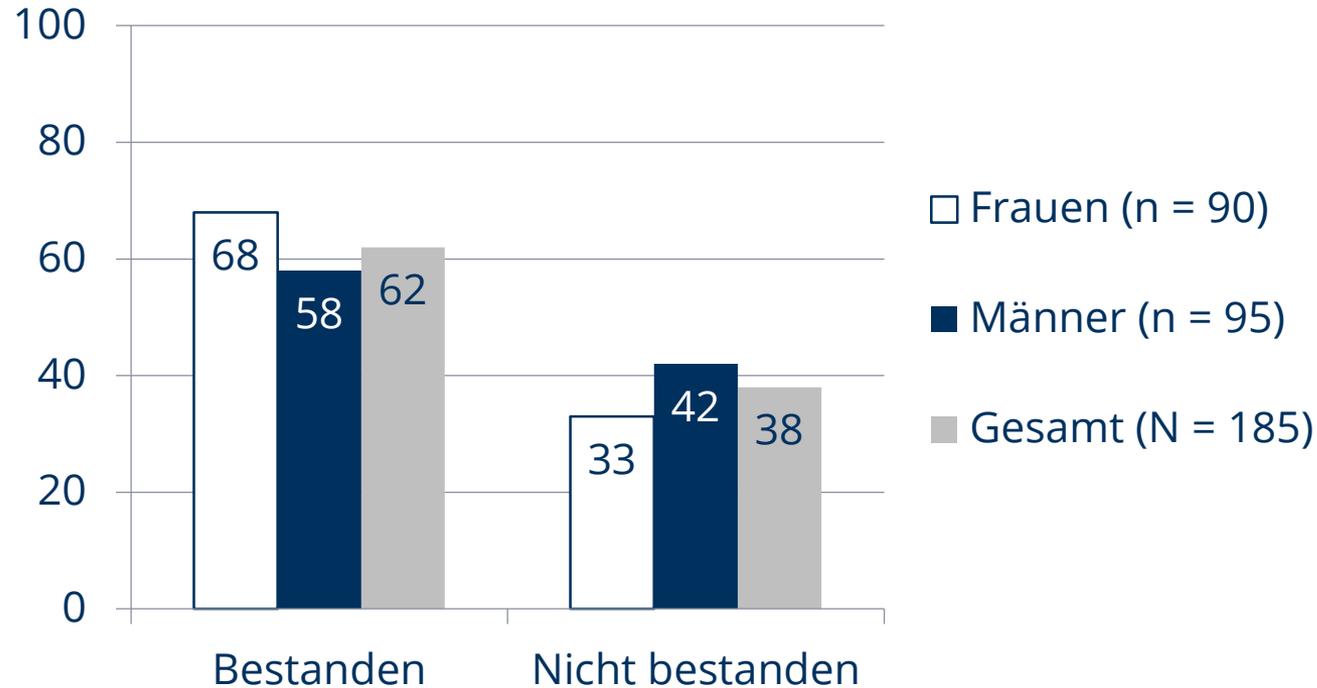
Tabelle X: Klausurergebnis nach Geschlecht

Klausur- ergebnis	Geschlecht				Gesamt	
	Weiblich		Männlich			
	Prozent	$n (E)$	Prozent	$n (E)$	Prozent	n
Bestanden	68	60 (56)	58	55 (59)	62	115
Nicht bestanden	33	30 (34)	42	40 (36)	38	70
Gesamt	100	90	100	95	100	185

Anmerkung: $\chi^2 (1, N = 185) = 1,47, p = ,225$

Kreuztabelle: Säulendiagramm

Abbildung X: Klausurergebnis nach Geschlecht



Anmerkung: Prozentsätze, $\chi^2(1, N = 185) = 1,47, p = ,225$

Kreuztabelle: Erwartungswerte

Klausur- ergebnis	Geschlecht		Gesamt
	Weiblich	Männlich	
Bestanden	$115 * 90 / 185 = 56$	$115 * 95 / 185 = 59$	115
Nicht bestanden	$70 * 90 / 185 = 34$	$70 * 95 / 185 = 36$	70
Gesamt	90	95	185

Kreuztabelle: Freiheitsgrade

Formel: $df = (\text{Zeilenzahl} - 1) * (\text{Spaltenzahl} - 1)$

Freiheitsgrade (df)	χ^2 -Wert		
1	3,84	6,64	10,83
2	5,99	9,21	13,82
3	7,82	11,34	16,27
4	9,49	13,28	18,47
...
Irrtumswahrscheinlichkeit (p)	,05	,01	,001

Kreuztabelle: Ausgabe in SPSS

Objektivität * Zeitungs-ID Kreuztabelle

			Zeitungs-ID		Gesamt
			20min	TagesAnzeige r	
Objektivität	Objektivität - Es werden nur Fakten präsentiert oder Fakten und Meinung sind klar getrennt	Anzahl	33	23	56
		Erwartete Anzahl	27.6	28.4	56.0
		% innerhalb von Zeitungs-ID	97.1%	65.7%	81.2%
	Keine Objektivität - Fakt und Meinung sind nicht auseinanderzuhalten	Anzahl	1	12	13
		Erwartete Anzahl	6.4	6.6	13.0
		% innerhalb von Zeitungs-ID	2.9%	34.3%	18.8%
Gesamt	Anzahl	34	35	69	
	Erwartete Anzahl	34.0	35.0	69.0	
	% innerhalb von Zeitungs-ID	100.0%	100.0%	100.0%	

Kreuztabelle: χ^2 -Test in SPSS

Chi-Quadrat-Tests

	Wert	df	Asymptotische Signifikanz (2-seitig)	Exakte Signifikanz (2-seitig)	Exakte Signifikanz (1-seitig)
Chi-Quadrat nach Pearson	11.081 ^a	1	.001	$N > 60$	
Kontinuitätskorrektur ^b	9.126	1	.003	$20 < N < 60$	
Likelihood-Quotient	12.752	1	.000		
Exakter Test nach Fisher					$N < 20$.001
Zusammenhang linear-mit-linear	10.921	1	.001		
Anzahl der gültigen Fälle	69				

a. 0 Zellen (0.0%) haben eine erwartete Häufigkeit kleiner 5. Die minimale erwartete Häufigkeit ist 6.41.

b. Wird nur für eine 2x2-Tabelle berechnet

Mittelwertvergleich: Richtlinien

- Bei Unterschiedshypothesen, **(quasi-)metrischen aV und dichotomen uV** wird ein Mittelwertvergleich durchgeführt.
- Zu jedem Mittelwert werden **Standardabweichung (s)** und **Fallzahl (n)** angegeben.
- Zu jedem Mittelwertvergleich wird ein **t-Test** (für unabhängige Stichproben) durchgeführt (Levene-Test beachten!)
- Die Kennwerte des Mittelwertvergleichs werden angegeben:
 $t(df) = 2,14, p = ,033$
- Tabellarisch wird die aV in Zeilen und die **uV in Spalten** dargestellt.

Mittelwertvergleich: Darstellung

Tabelle X: Klausurnote nach Geschlecht

	Geschlecht						Gesamt		
	Weiblich			Männlich					
	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>N</i>
Klausurnote	5,50	0,90	90	5,20	1,00	95	5,34	0.95	185

Anmerkung: $t(183) = 2,14, p = ,034$

Mittelwertvergleich: t -Wert

$$t = \frac{M_1 - M_2}{\sqrt{\left(\frac{n_1 + n_2}{n_1 * n_2}\right) * \left(\frac{(n_1 - 1) * s_1^2 + (n_2 - 1) * s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}\right)}}$$

Mittelwertvergleich: Freiheitsgrade

Formel: $df = n_1 + n_2 - 2$

Freiheitsgrade (df)	t-Wert		
68	± 2,00	± 2,65	± 3,44
...
183	± 1,97	± 2,60	± 3,34
...
1000	± 1,96	± 2,58	± 3,10
Irrtumswahrscheinlichkeit (p)	,05	,01	,001

Mittelwertvergleich: Ausgabe in SPSS

Gruppenstatistiken

	Zeitung-ID	N	Mittelwert	Standardabweichung	Standardfehler des Mittelwertes
Verständlichkeit - Flesch-Index	20min	35	51.34	12.049	2.037
	TagesAnzeiger	35	46.23	10.494	1.774

Mittelwertvergleich: *t*-Test in SPSS

Test bei unabhängigen Stichproben

	Levene-Test der Varianzgleichheit		T-		
	F	Signifikanz	T	df	Sig. (2-seitig)
Verständlichkeit - Flesch-Index	.850	.360	$p > ,05$	88	.063
			$p < ,05$	66.742	.063

Einfaktorielle Varianzanalyse: Richtlinien I

- Bei Unterschiedshypothesen, **(quasi-)metrischen aV und polytomen uV** wird eine einfaktorielle Varianzanalyse (ANOVA) durchgeführt.
- Zur Vermeidung einer **inflationären Irrtumswahrscheinlichkeit** (Bei drei Vergleichen steigt diese von 5 % auf 14 %.)
- Die Kennwerte des **F-Tests** werden wie folgt angegeben:
 $F(df_{\text{zwischen}}, df_{\text{innerhalb}}) = 2,14, p = ,033$
- Optional wird die **Effektstärke η^2** angegeben (SPSS: ALM → Univariat → Optionen)

Einfaktorielle Varianzanalyse: Richtlinien II

- Es wird ein **Levene-Test** durchgeführt
(SPSS: Optionen → Test auf Homogenität der Varianzen)
- Bei Varianzgleichheit wird als Post-Hoc-Test **Gabriel**,
bei Varianzungleichheit **Games-Howell** durchgeführt ($p = ,05$).
- Signifikant unterschiedliche Mittelwerte ($p < ,05$) werden mit
unterschiedlichen hochgestellten Buchstaben markiert.
- Tabellarisch wird die aV in Zeilen und die **uV in Spalten** dargestellt.

(Field, 2013)

Einfaktorielle Varianzanalyse: Darstellung

Tabelle X: Klausurnote nach Nationalität

	Nationalität											
	AT			DE			CH			Gesamt		
	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>n</i>	<i>M</i>	<i>s</i>	<i>N</i>
Note	5,00 ^a	0,90	90	4,90 ^a	1,00	95	5,50 ^b	1,00	100	5,14	0,95	285

Anmerkung: $F(2, 185) = 2,14, p = ,033$; unterschiedliche Buchstaben markieren signifikant unterschiedliche Mittelwerte ($p < ,05$, Gabriel)

Korrelation: Richtlinien

- Bei Zusammenhangshypothesen und **ordinalen Variablen** wird die Rangkorrelation (Kendalls τ) berechnet.
- Bei Zusammenhangshypothesen und **(quasi-)metrischen Variablen** wird die Produkt-Moment-Korrelation (Pearsons r) berechnet.
- Korrelationskoeffizienten erfordern zwei Dezimalstellen.
- Für jeden Korrelationskoeffizienten wird ein t -Test durchgeführt und angegeben: $t(df) = -4.31, p < ,001$
- Signifikante Korrelationskoeffizienten werden markiert:
 $^+p < ,1, *p < ,05, **p < ,01, ***p < ,001$

Korrelation: Darstellung

Tabelle X: Zusammenhänge zwischen Klausurnoten

	Methoden	Statistik	Einführung
Methoden		,60*	,30*
Statistik			,70*

Anmerkung: Pearsons r ; $n \geq 90$; markierte Werte sind signifikant ($*p < ,05$)

Korrelation: *t*-Wert

$$t = r * \sqrt{\frac{n-2}{1-r^2}}$$

Korrelation: Freiheitsgrade

Formel: $df = n - 2$

Freiheitsgrade (df)	t -Wert		
68	$\pm 2,00$	$\pm 2,65$	$\pm 3,44$
...
183	$\pm 1,97$	$\pm 2,60$	$\pm 3,34$
...
1000	$\pm 1,96$	$\pm 2,58$	$\pm 3,10$
Irrtumswahrscheinlichkeit (p)	,05	,01	,001

Korrelation: Ausgabe in SPSS

Korrelationen

		Einfluss	Betroffenheit	Aktualität
Einfluss	Korrelation nach Pearson	1	.351 ^{**}	.139
	Signifikanz (2-seitig)		.003	.264
	N	70	70	66
Betroffenheit	Korrelation nach Pearson	.351 ^{**}	1	-.040
	Signifikanz (2-seitig)	.003		.749
	N	70	70	66
Aktualität	Korrelation nach Pearson	.139	-.040	1
	Signifikanz (2-seitig)	.264	.749	
	N	66	66	66

******. Die Korrelation ist auf dem Niveau von 0,01 (2-seitig) signifikant.

Bivariate Auswertungsverfahren im Überblick

Hypothese	aV	uV	Auswertungsverfahren
Unterschied	Nicht-Metrisch	Dichotom	Kreuztabelle
	(Quasi-)Metrisch	Dichotom	Mittelwertvergleich
	(Quasi-)Metrisch	Polytom	Varianzanalyse
Zusammenhang	Ordinal		Rangkorrelation
	Metrisch		Produkt-Moment-Korrelation

(Diekmann, 2010, S. 703)

Multivariate Analysen

Lineare Regression: Voraussetzungen

- Bei linearen Zusammenhangshypothesen, **einer (quasi-)metrischen aV und mehreren (quasi-)metrischen uV** wird eine lineare Regressionsanalyse (OLS) durchgeführt.
- Zur **Vermeidung von Scheinkorrelationen.**
- Das Verhältnis zwischen Fällen (N) und Regressoren (k) sollte angemessen sein: $N / k > 30 - 50$
- Alle theoretisch und empirisch relevanten Regressoren müssen berücksichtigt werden.
- Regressoren dürfen nicht zu stark korrelieren (Toleranzen $> ,1 - ,25$) (sonst zuvor explorative Faktorenanalyse)

Lineare Regression: Angaben

- Für die Regression wird das **Bestimmtheitsmaß (R^2)** angegeben
- Für die Regression wird ein **F-Test** durchgeführt:
 $F(k, N - k) = 42,64, p < ,001$
- Für jeden Regressor werden **nicht standardisierte (B)** und **standardisierte (beta)** Koeffizienten angegeben: $\beta_k = (B_k * s_k) / s_{dV}$
- Für jeden Regressor wird ein **t-Test** durchgeführt: $df = n - k - 1$
- Im Idealfall wird für jeden Regressionskoeffizienten ein Konfidenzintervall (95 %) angegeben: (95 % KI [Untergrenze, Obergrenze])
- Signifikante Regressionskoeffizienten werden markiert:
 $^+p < ,1, *p < ,05, **p < ,01, ***p < ,001$

Lineare Regression: Tabelle

Tabelle X: Regressionsmodell zum Ergebnis der Methoden-Klausur

Regressor	B [95 % KI]	β [95 % KI]
Sitzungen	,30* [,25, ,35]	,21* [,11, ,32]
Vorbereitungszeit	,20* [,30, ,10]	,11* [,19, ,03]

Anmerkung: $R^2 = ,12$, $F(2, 183) = 42,64$, $p < ,001$; markierte Werte sind signifikant ($*p < ,05$)

Explorative Faktorenanalyse: Voraussetzungen

- Zur **Reduktion der Variablen** und **Aufdeckung von Dimensionen** wird eine explorative Faktorenanalyse (EFA) durchgeführt
- Das Verhältnis zwischen Fällen (N) und Items (k) sollte angemessen sein: $N > 30 - 50$, $N / k > 3 - 5$
- Items müssen korrelieren ($KMO \geq ,5 - ,6$)
- Items sollten metrisch skaliert sein (sonst Korrespondenzanalyse)
- Items werden einer z-Standardisierung unterzogen

(MacCallum et al., 1999)

Explorative Faktorenanalyse: Extraktionsmethoden

- **Hauptkomponentenanalyse (PCA):** Faktoren als Sammelbegriff, Items können durch Faktoren vollständig erklärt werden ($h^2 = 1$)
- **Hauptachsenanalyse (PFA):** Faktoren als Ursache, Items können durch Faktoren nicht vollständig erklärt werden

Explorative Faktorenanalyse: Extraktionskriterien

- **Kaiser-Kriterium:** Alle Faktoren mit Eigenwert $\lambda \geq 1$
- **Ellbogen-Kriterium:** Alle Faktoren links des Knicks auf einer Abbildung der abnehmenden Eigenwerte (Scree-Plot)
- **Varianz-Kriterium:** Alle Faktoren, die zusammen mindestens 50 – 90 Prozent der Gesamtvarianz erklären

Explorative Faktorenanalyse: Rotationsmethoden

- **Rechtwinklige Rotation (Varimax):** Faktoren nicht korreliert, zur Weiterverwendung in Regressions- und Clusteranalysen
- **Schiefwinklige Rotation (oblique):** Faktoren leicht korreliert, Option auf Faktorenanalyse zweiter Ordnung

Explorative Faktorenanalyse: Gütekriterien

- Erklärte Gesamtvarianz $\geq 50 \%$
- Mindestens 2 – 3 Items pro Faktor
- Keine gleichwertigen Mehrfachladungen (Differenz $a > ,3$)
- Faktorladung: $a \geq ,4 - ,5$
- Kommunalität: $h^2 \geq ,6$
- Cronbachs $\alpha \geq ,6 - ,7$

(MacCallum et al., 1999)

Explorative Faktorenanalyse: Angaben

- Für die Faktorenanalyse werden **KMO**, **Anzahl der Faktoren**, **aufgeklärte Gesamtvarianz** (in %) angegeben.
- Auch werden **Extraktionsmethode**, **Extraktionskriterium** (ggf. Scree-Plot) und **Rotationsmethode** angegeben und begründet.
- Für Faktoren werden **Eigenwert** (λ), **aufgeklärte Varianz** (in %) und **interne Konsistenz** (Cronbachs α) angegeben
- Für Items werden **Faktorladung** (a) und **Kommunalität** (h^2) angegeben.

Explorative Faktorenanalyse: Tabelle

Tabelle X: Ergebnis der Faktorenanalyse

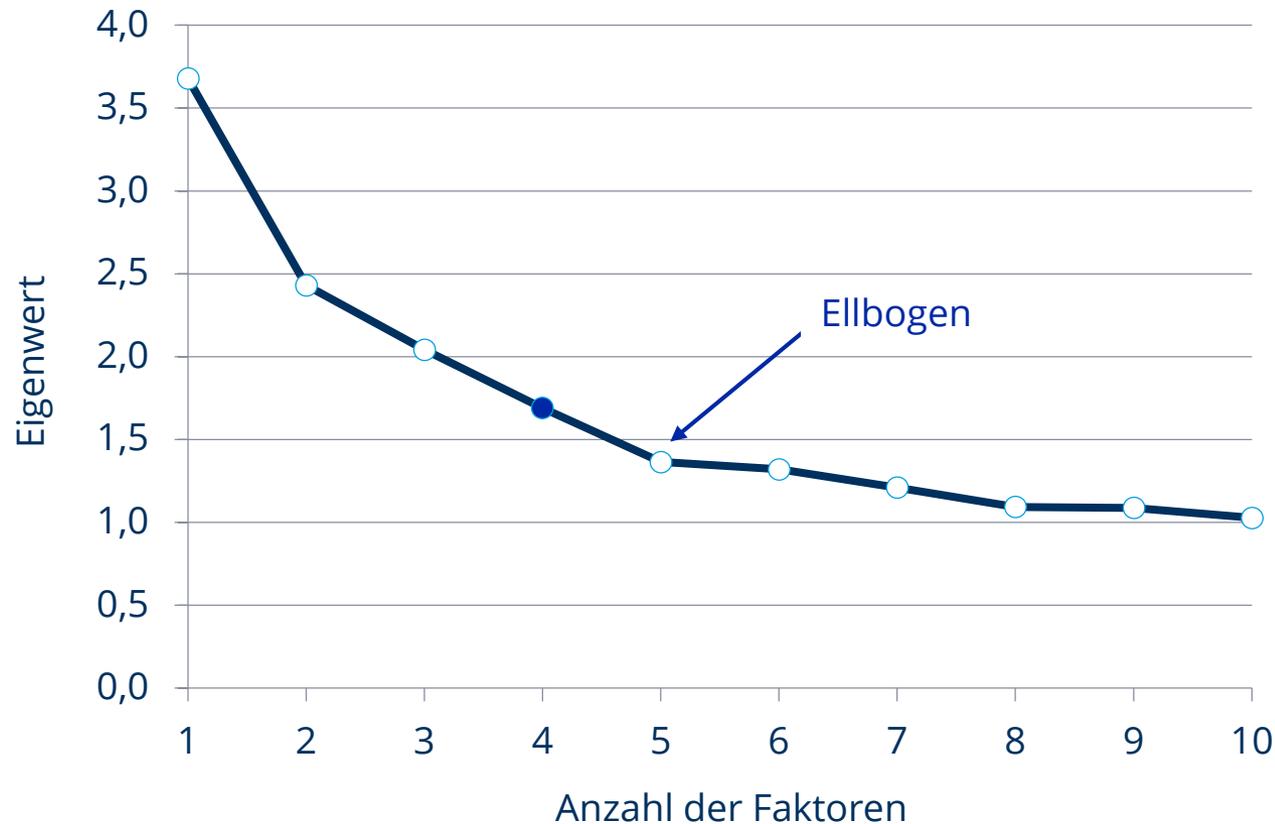
Items	Faktor 1	Faktor 2	Faktor 3	h^2
Item 1	,83			,74
Item 2	,81			,71
Item 3	,74			,58
Item 4	,67			,67
Item 5	,67			,57
Item 6	,66			,71
Item 7		,85		,80
Item 8		,83		,74
Item 9		,74		,66
Item 10			,95	,92
Eigenwert	4,89	1,10	1,02	
Erklärte Varianz (%)	34	26	11	
Cronbachs α	,88	,80		
Erklärte Gesamtvarianz (%)		71		

grenzwertig niedrig

zu wenige Items

Explorative Faktorenanalyse: Scree-Plot

Abbildung X: Scree-Plot der Faktorenanalyse



Hierarchische Clusteranalyse: Voraussetzungen

- Zur **Klassifikation der Fällen** wird eine hierarchische Clusteranalyse durchgeführt
- Merkmale sollten **gleich skaliert** sein
- Merkmale sollten **nicht zu stark korrelieren** (sonst zuvor explorative Faktorenanalyse)
- Merkmale werden einer z-Standardisierung unterzogen

Hierarchische Clusteranalyse: Richtlinien I

- Als Algorithmus wird **Ward** ausgewählt.
- Als Maß wird die **quadrierte Euklidische Distanz** ausgewählt.
- Zur Bestimmung der Clusterzahl dient das **Ellbogen-Kriterium** und bei ausreichender Übersichtlichkeit das **Dendogramm**
- Optional wird der **Test von Mojena** durchgeführt.

(Milligan & Cooper, 1985; Mojena, 1977)

Hierarchische Clusteranalyse: Richtlinien II

- Als Validierung wird eine **K-Means-Clusteranalyse** (quasi-metrisches Niveau erforderlich!) durchgeführt und die auftretenden Unterschiede werden diskutiert
- Zur Benennung, Beschreibung und Interpretation der Cluster wird eine **einfaktorielle Varianzanalyse** der Clustervariablen mit der Clusterzugehörigkeit als Faktor durchgeführt.
- Zur Bestimmung der Cluster-Homogenität wird für jedes Merkmal ein **F-Wert** berechnet: $F = s_{\text{cluster}} / s_{\text{gesamt}}$ (möglichst $F < 1$)

(Milligan & Sokal, 1980)

Hierarchische Clusteranalyse: Tabelle

Tabelle X: Fusionsstufen der Clusteranalyse

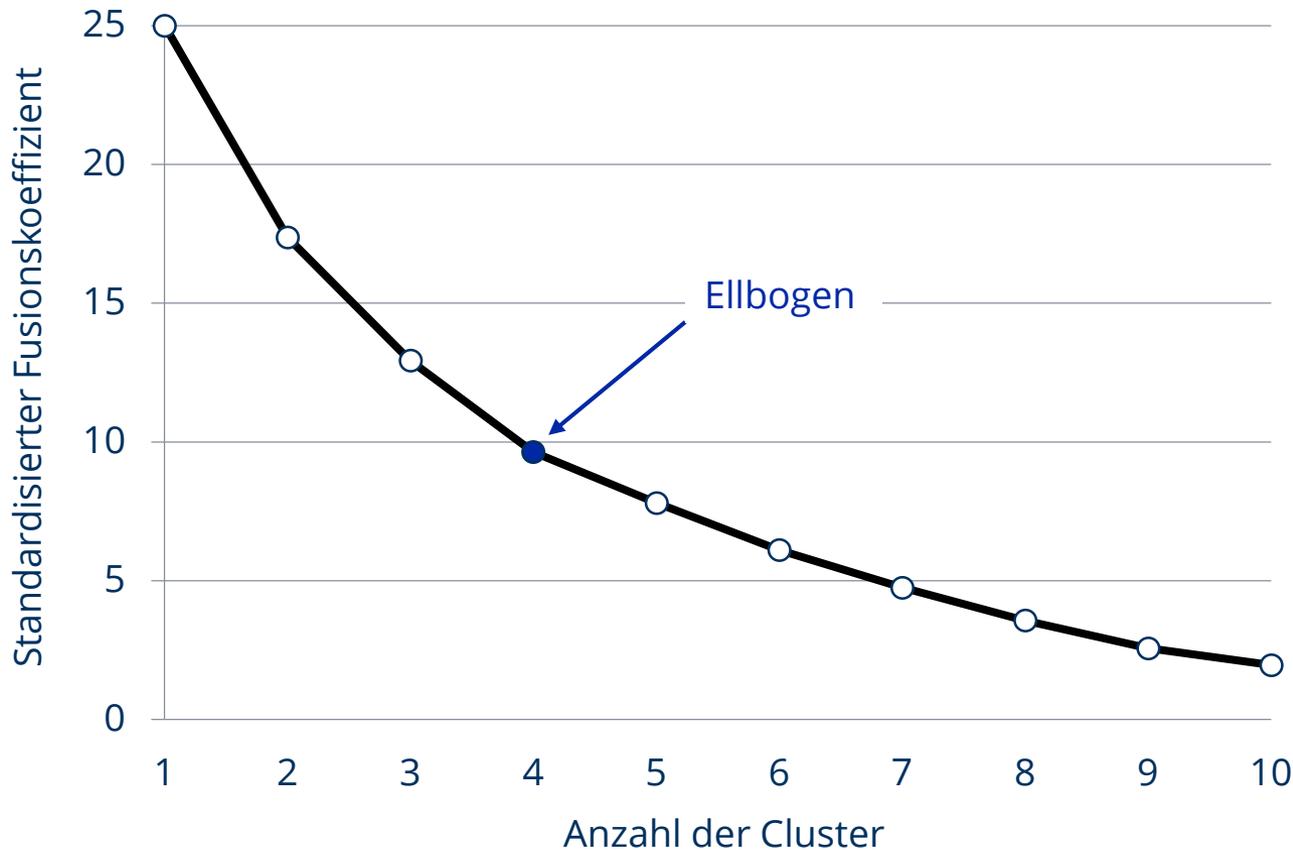
Anzahl Cluster	Fusionskoeffizient (FK)	ΔFK	FK_z (Mojena)
16	0,39	0,48	-0,82
15	0,87	0,72	-0,81
14	1,59	1,09	-0,78
13	2,68	1,33	-0,74
12	4,01	1,42	-0,69
11	5,43	2,14	-0,64
10	7,57	2,31	-0,56
9	9,88	3,83	-0,48
8	13,70	4,61	-0,34
7	18,31	4,91	-0,17
6	23,23	6,89	0,01
5	30,12	7,18	0,26
4	37,30	12,23	0,53
3	49,53	16,77	0,97
2	66,29	29,71	1,59
1	96,00		2,67

Zunahme

≥ Schwellenwert 1,25

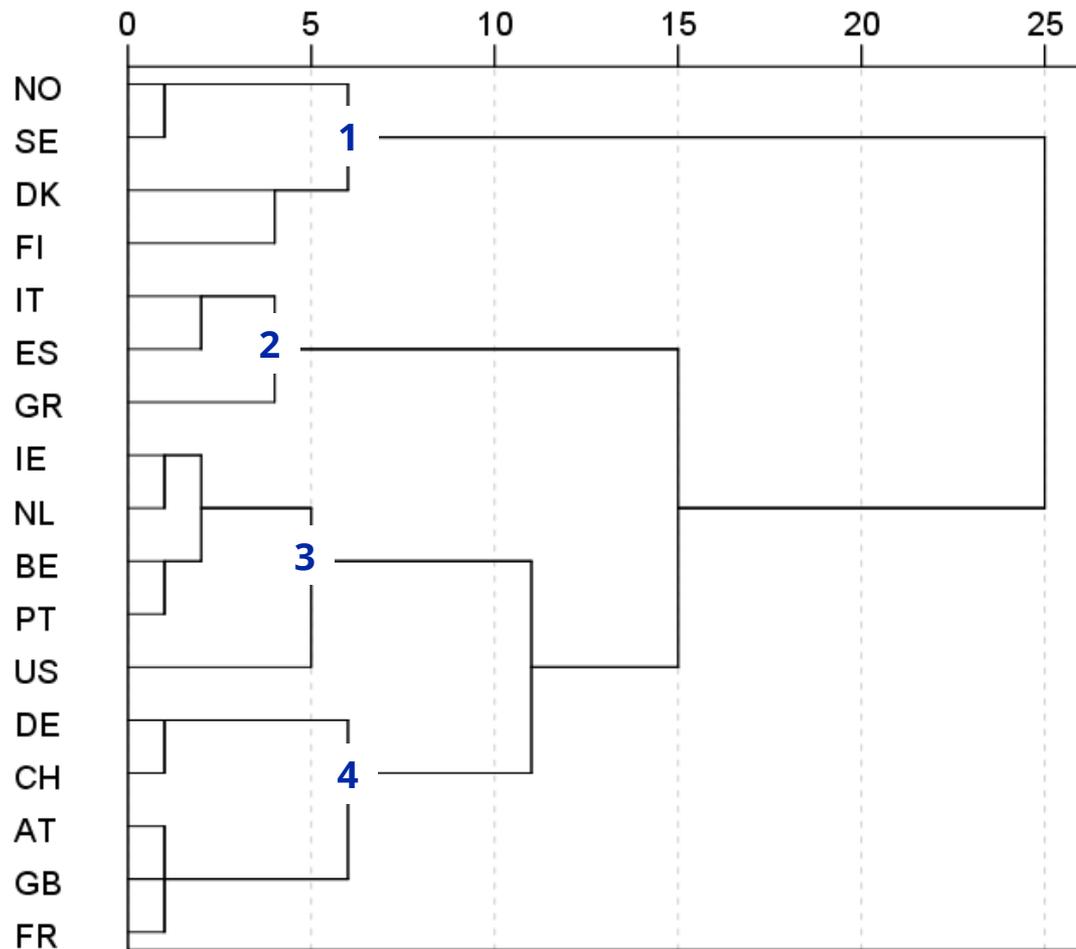
Hierarchische Clusteranalyse: Scree-Plot

Abbildung X: Scree-Plot der Clusteranalyse



Hierarchische Clusteranalyse: Dendrogramm

Abbildung X: Dendrogramm der Clusteranalyse



Hierarchische Clusteranalyse: Test von Mojena

- z-standardisierter Fusionskoeffizient: $FK_z = (FK - M_{FK}) / S_{FK}$
- Schwellenwert: $FK_z \geq 1,25 - 2,75$